

# Pythagore

1

## Racines carrées

### 1 Définition

#### ♥ DÉFINITION

La ..... d'un nombre positif  $g$  est un nombre plus petit  $p$  dont le carré vaut  $g$ . Autrement dit, la racine carrée  $p$  d'un nombre  $g$  vérifie  $p^2 = g$ .

On note ce nombre  $\sqrt{g}$ . La carré et la racine carrée sont donc liés.

#### ➤ RÈGLE (CARRÉS PARFAITS)

Il va être utile de connaître les premiers carrés parfaits, et donc les premières racines carrées remarquables :

$x$	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	$\sqrt{x}$
$x^2$	0	1	4	9	16	25	36	49	64	81	100	121	144	$x$

### 2 Calculer une racine carré, simplifier un carré

#### ⚙️ MÉTHODE (calculer une racine carrée)

Pour calculer la racine carrée de 49 (c'est-à-dire  $\sqrt{49}$ ), on utilise la touche  $\sqrt{\square}$  : on tape  $\sqrt{\square}$  4 9 EXE.

Pour calculer une racine carrée en géométrie, lorsqu'on aboutit sur une égalité du type «  $AB^2 = 50$  », on écrit :

$$AB^2 = 50$$

$$AB = \sqrt{50} \quad \leftarrow \text{on utilise la calculatrice : } \sqrt{\square} \ 5 \ 0 \ \uparrow \ \text{EXE}$$

$$AB \approx 7,1 \text{ cm} \quad \leftarrow \text{on n'oublie pas le symbole "}\approx\text{" si nécessaire, ainsi que l'unité...}$$

La combinaison de touches  $\uparrow$  EXE permet d'obtenir tout de suite une valeur décimale sans que la calculatrice n'affiche de racine carrée. La manipulation est aussi valable avec l'ancienne calculatrice :  $\sqrt{\square}$  EXE (ou EXE puis  $\sqrt{\square}$ ).

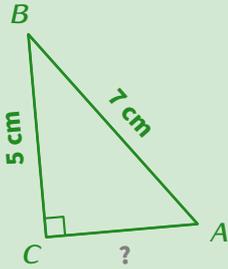




## MÉTHODE (calculer un côté de l'angle droit)

- On écrit le DPC du théorème de Pythagore (**⚠ la ligne du "C" ne doit comporter que des lettres!**).
- On remplace les longueurs connues et on calcule (**⚠ la longueur à calculer est à droite du "="**).

➔ Exemple :



Calcule AC (arrondi au dixième).

D : ABC est un triangle rectangle en C.

P : D'après le théorème de Pythagore, on a :

$$C : AB^2 = AC^2 + BC^2 \quad \leftarrow \text{on surligne la longueur à calculer}$$

$$AC^2 = AB^2 - BC^2 \quad \leftarrow \text{on isole la longueur à calculer *}$$

$$AC^2 = 7^2 - 5^2 \quad \leftarrow \text{on remplace les longueurs connues}$$

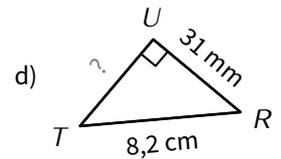
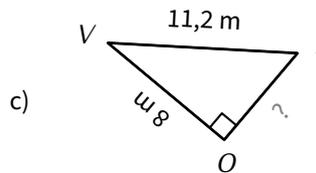
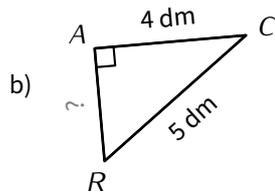
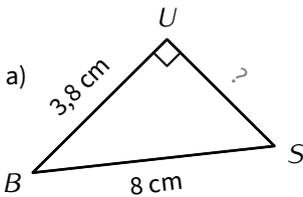
$$AC^2 = 24 \quad \leftarrow \text{on calcule la somme}$$

$$AC = \sqrt{24} \quad \leftarrow \text{on simplifie le carré en utilisant } \sqrt{\quad}$$

$$AC \approx 4,9 \text{ cm} \quad \leftarrow \text{on calcule, on arrondit et on n'oublie pas l'unité...}$$

\* : en isolant la longueur à calculer, le calcul devient « hypoténuse »<sup>2</sup> – « autre côté »<sup>2</sup> (soustraction)!

■ EXERCICE (dans ton cahier d'exercices) : Pour chaque triangle ci-dessous, calcule la longueur demandée, arrondie si nécessaire au dixième près :

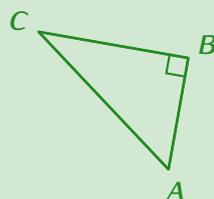


### 3

## Montrer qu'un triangle est rectangle ou non



## MÉTHODE (montrer qu'un triangle est rectangle ou non)



théorème de Pythagore

$$AC^2 = AB^2 + BC^2$$

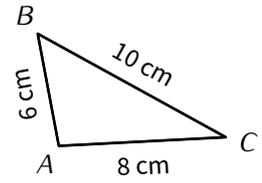
réciproque du théorème de Pythagore

- On utilise la **réciproque** du théorème de Pythagore pour montrer qu'un triangle est rectangle : pour cela, il suffit de montrer que l'égalité de Pythagore est vraie dans ce triangle.
- On utilise la **contraposée** du théorème de Pythagore pour montrer qu'un triangle n'est pas rectangle : pour cela, il suffit de montrer que l'égalité de Pythagore est fautive dans ce triangle.

### Remarque

Puisqu'on doit tester une égalité, il ne faudra pas oublier de calculer ses deux membres séparément!

➔ **Exemple 1** : Est-ce que le triangle suivant est rectangle? Si oui, en quel point?



➔ **Exemple 2** : Est-ce que le triangle suivant est rectangle? Si oui, en quel point?

