



## Triangles (partie 1)

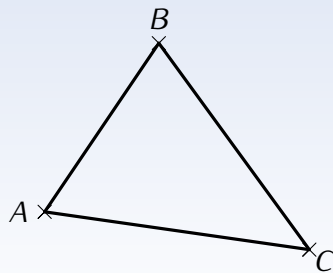
1

### Inégalité triangulaire

#### RÈGLE

Dans un triangle, la longueur de chaque côté est inférieure à la somme des longueurs des deux autres côtés.

➔ Exemple :



Les trois inégalités triangulaires de ce triangle sont :

- $AB < AC + BC$
- $AC < AB + BC$
- $BC < AB + AC$

#### MÉTHODE (Vérifier qu'un triangle est constructible)

- a) Je cherche le **PLUS GRAND CÔTÉ** : « Le plus grand côté du triangle est : ... »
- b) Je calcule la somme des deux autres côtés : « La somme des deux autres côtés est : ... + ... = ... »
- c) Je compare les deux résultats (avec le symbole  $<$ ,  $>$  ou  $=$  : « On constate que : ... ? ... + ... »

Si c'est le symbole " $<$ " :

Alors le triangle existe, on va pouvoir le construire.

Si c'est le symbole " $>$ " :

Alors le triangle n'existe pas, on ne peut pas le construire.

Si c'est le symbole " $=$ " :

Alors il s'agit d'un triangle aplati, on va placer le point sur le segment le plus grand.

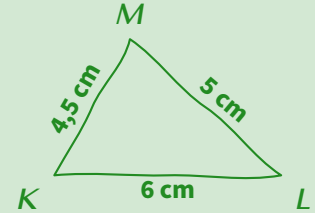
1 Avec 3 longueurs connues (rappel de 6<sup>e</sup>)

### MÉTHODE (construire un triangle quelconque)

On veut tracer le triangle  $KLM$  tel que  $KL = 6$  cm,  $LM = 5$  cm et  $KM = 4,5$  cm.

*Au brouillon :*

Voici une figure à main levée possible correspondant à notre triangle :

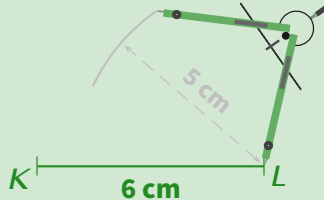


*Tracé (les figures sont dessinées ici 2× plus petites) :*

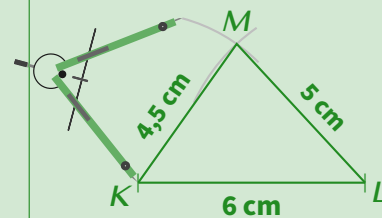
① on trace le segment  $[KL]$  de longueur 6 cm (en général, on commence par le plus long) :



②  $M$  est situé à 5 cm de  $L$ , donc on trace un arc de cercle de centre  $L$  et de rayon 5 cm :



③  $M$  est situé à 4,5 cm de  $K$ , donc on trace un autre arc de cercle de centre  $K$  et de rayon 4,5 cm :

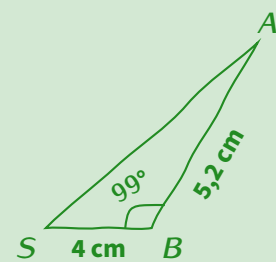


## 2 Avec deux longueurs et un angle

### MÉTHODE (construire un triangle avec deux longueurs et un angle)

Pour construire le triangle  $ABS$  tel que  $AB = 5,2$  cm,  $BS = 4$  cm et  $\widehat{ABS} = 99^\circ$ , on commence par tracer une figure (en l'absence d'une figure donnée par l'énoncé).

On passe ensuite au tracé en 3 étapes :



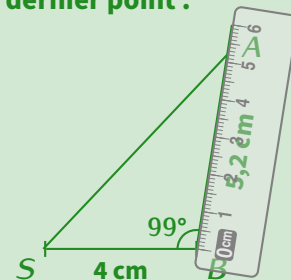
① On trace un segment dont on connaît la longueur :



② On construit l'angle donné au rapporteur (voir cours de 6<sup>e</sup>) :



③ On mesure à la règle pour placer le dernier point :



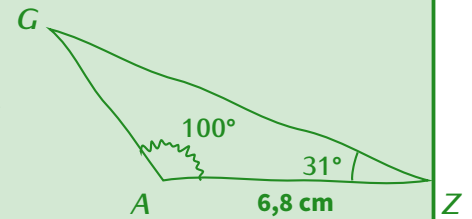
### 3 Avec une longueur et deux angles



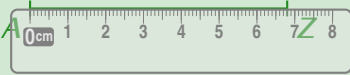
## MÉTHODE (construire un triangle avec une longueur et deux angles)

Pour tracer le triangle  $ZAG$  tel que  $AZ = 6,8 \text{ cm}$ ,  $\widehat{GAZ} = 100^\circ$  et  $\widehat{AZG} = 31^\circ$ , on commence encore par tracer une figure à main levée...

On passe ensuite au tracé en 3 étapes :



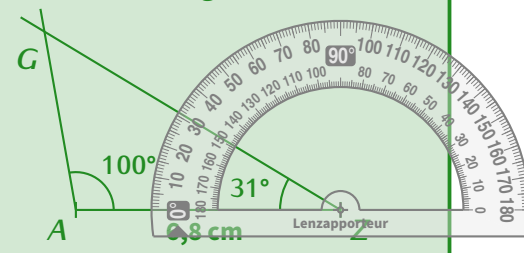
❶ On trace le segment dont on connaît la longueur :



❷ On construit un premier angle à partir de l'un des deux points :



❸ On construit l'autre angle et on termine le triangle :



### 3

## Triangles particuliers (rappels de sixième, ▶)

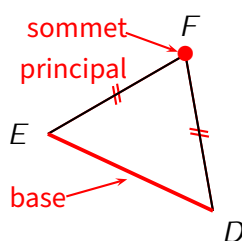


### DÉFINITIONS

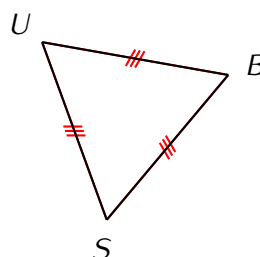
- ★ Un triangle **isocèle** est un triangle dont deux côtés ont la même longueur. Ces deux côtés se coupent en un point nommé **sommet principal**. Le 3<sup>e</sup> côté est appelé **base**.
- ★ Un triangle **équilatéral** est un triangle dont les trois côtés ont la même longueur.
- ★ Un triangle **rectangle** est un triangle avec un angle droit. Le côté opposé est alors appelé **hypoténuse**.

↪ Exemples :

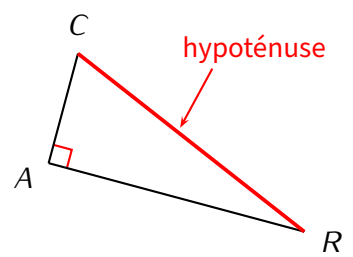
Triangle isocèle en  $F$



Triangle équilatéral



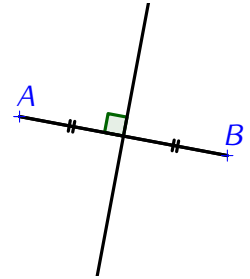
Triangle rectangle en  $A$



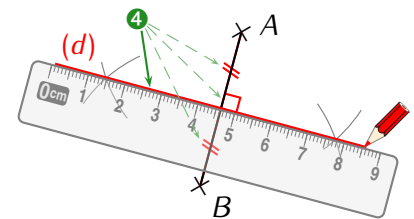
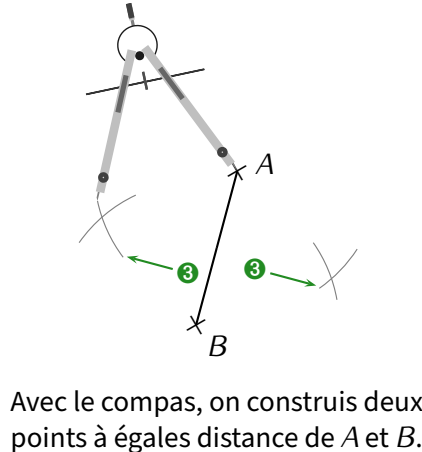
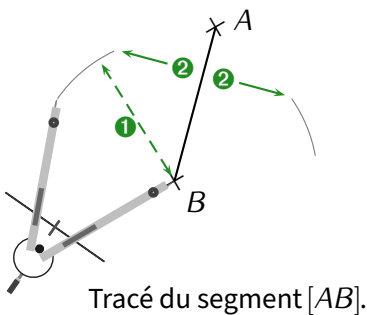
## 1 Les médiatrices

### ♥ DÉFINITION

La **médiatrice** du segment  $[AB]$  est la droite coupant perpendiculairement ce segment en son milieu.



➔ **Exemple** : Rappelons comment tracer la médiatrice du segment  $[AB]$  suivant :



■ **EXERCICE** : Traçons un segment  $[AB]$  de 6 cm, non horizontal, puis traçons la médiatrice de ce segment.

**Solution** : construction à faire devant les élèves!

### ➔ PROPRIÉTÉ

Si un point est sur la médiatrice d'un segment, il est à égale distance des extrémités de ce segment. Inversement, si un point est à égale distance des extrémités d'un segment, il appartient à la médiatrice de ce segment.

### ♥ DÉFINITIONS

Les trois médiatrices d'un triangle sont les médiatrices de chacun des côtés. Elles sont **concurrentes** (= elles se coupent) en un point qui est le **centre du cercle circonscrit** à ce triangle.

## 2 Les hauteurs

### ♥ DÉFINITIONS

La **hauteur** issue de  $A$  est la droite passant par  $A$  et perpendiculaire au côté opposé ( $BC$ ). Les trois hauteurs d'un triangle sont concurrentes en un point  $H$  appelé l'**orthocentre** du triangle.

■ **EXERCICE** : Traçons le triangle  $ABC$  tel que  $AB = 8$  cm,  $BC = 7$  cm et  $AC = 5$  cm, puis traçons ses trois hauteurs en **rouge** et ses trois médiatrices en **vert**.

**Solution** : construction à faire devant les élèves!