

CONTRÔLE N°4

2018-2019 Classe : 3^{ème}

Le mardi 29 janvier 2019 – calculatrice autorisée

NOM: Prénom:

Les exercices commençant par « * » sont à faire directement sur le sujet !

Exercice n° 1 (exo50)....../2 points

(*Pondichéry, avril 2009*). –2 est-il solution des équations suivantes? Justifie.

a)
$$(x-2)(2x+1)=0$$
.

b)
$$x^3 + 8 = 0$$
.

Exercice n° 2 (exo51)...../5 points

Résous les équations suivantes :

a)
$$-8x = 16$$

b)
$$2x + 3 = 13$$

c)
$$7x - 5 = 3x + 11$$

d)
$$3x + 10 = 2(x + 4)$$

e)
$$-3(x-5) = x+9$$

f) **BONUS:**
$$x - 1 = x + 1$$

Exercice n° 3 (exo52)....../6 points

Résous les équations suivantes (donne les valeurs exactes):

a)
$$(2x + 3)(x - 7) = 0$$

b)
$$(3x + 4)(2x - 5) = 0$$

c)
$$3x(2x-12)=0$$

d) **BONUS**:
$$(x-1)(x+9) = 8x$$

Exercice n° 4 (exo53)....../3,5 points

On donne $A = (2x - 3)^2 - (2x - 3)(x + 1)$.

- a) Montre que $A = 2x^2 11x + 12$.
- b) Factoriser A.
- c) Calcule A lorsque x est égal à -5.
- d) Trouve toutes les valeurs de x pour lesquelles A = 0.
- e) Trouve toutes les valeurs de x pour lesquelles A = 12.

Exercice n° 5 (exo114)....../2 points

Marie, sa mère et sa grand-mère ont à elles trois 110 ans. Marie a le tiers de l'âge de sa mère, et la grand-mère de Marie a le double de l'âge de la mère.

Quel est l'âge de chacune?

La somme de cinq nombre sentiers consécutifs est 410. Quels sont ces cinq nombres?



CONTRÔLE N°4 CORRIGÉ

2018-2019 Classe : 3^{ème}

Le mardi 29 janvier 2019 – calculatrice **autorisée**

Exercice n° 1 corrigé/2 points

(*Pondichéry, avril 2009*). –2 est-il solution des équations suivantes? Justifie.

a)
$$(x-2)(2x+1) = 0$$
. Non : $-4 \times (-3) = 12 \neq 0$.

b)
$$x^3 + 8 = 0$$
. OUI: $(-2)^3 + 8 = -8 + 8 = 0$.

Exercice n° 2 corrigé/5 points

Résous les équations suivantes :

a)
$$-8x = 16 \rightarrow x = -2$$

b)
$$2x + 3 = 13 \rightarrow x = 5$$

c)
$$7x - 5 = 3x + 11 \rightarrow x = 4$$

d)
$$3x + 10 = 2(x + 4) \rightarrow x = -2$$

e)
$$-3(x-5) = x+9 \rightarrow x = 1,5$$

f) **BONUS:**
$$x - 1 = x + 1 \rightarrow -1 = 1 \Rightarrow \emptyset$$

Exercice n° 3 corrigé/6 points

Résous les équations suivantes (donne les valeurs exactes) :

a)
$$(2x + 3)(x - 7) = 0 \rightarrow x = -1,5 \text{ ou } x = 7$$

b)
$$(3x + 4)(2x - 5) = 0 \rightarrow x = -4/3$$
 ou $x = 2,5$

c)
$$3x(2x-12) = 0 \rightarrow x = 0$$
 ou $x = 6$

f) **BONUS**:
$$(x-1)(x+9) = 8x \rightarrow x^2 + 8x - 9 = 8x \rightarrow x^2 - 9 = 0 \Rightarrow x = -3 \text{ ou } x = 3$$

Exercice n° 4 corrigé/3,5 points

On donne $A = (2x - 3)^2 - (2x - 3)(x + 1)$.

- a) Montre que $A = 2x^2 11x + 12$. Il suffit de développer puis réduire.
- b) Factoriser A. A = (2x 3)(x 4).
- c) Calcule A lorsque x est égal à -5. $A = (-10 3) \times (-5 4) = (-13) \times (-9) = 117$
- d) Trouve toutes les valeurs de x pour lesquelles A = 0. $(2x 3)(x 4) = 0 \Rightarrow x = 1,5 \text{ ou } x = 4$.
- e) Trouve toutes les valeurs de x pour lesquelles A = 12. $2x^2 - 11x + 12 = 12 \Rightarrow 2x^2 - 11x = 0 \Rightarrow x(2x - 11) = 0 \Rightarrow x = 0 \text{ ou } x = 5,5$.

Exercice n° 5 corrigé/2 points

Marie, sa mère et sa grand-mère ont à elles trois 110 ans. Marie a le tiers de l'âge de sa mère, et la grand-mère de Marie a le double de l'âge de la mère.

Quel est l'âge de chacune?

Soit x l'âge de Marie. Alors sa mère a 3x ans et sa grand-mère le double, donc $3x \times 2 = 6x$ ans. Il faut alors résoudre x + 3x + 6x = 110, soit 10x = 110 et donc x = 11.

Marie a 11 ans, sa mère en a 33 et sa grand-mère 66.

La somme de cinq nombre sentiers consécutifs est 410.

Quels sont ces cinq nombres?

Soit x celui du milieu (le 3°). Il faut alors résoudre (x-2)+(x-1)+x+(x+1)+(x+2)=410, soit 5x=410 et donc x=82.

Les cinq nombre ssont donc : 80, 81, 82, 83 et 84.